

5

A

H

2018 (I)  
भौतिक विज्ञान

समय : 3:00 घण्टे

प्रश्न पत्र

पूर्णांक : 200 अंक

### अनुदेश

1. आपने हिन्दी को माध्यम चुना है। इस परीक्षा पुस्तिका में पद्धतिकर (20 भाग 'A' में + 25 भाग 'B' + 30 भाग 'C' में) बहुल विकल्प प्रश्न (MCQ) दिए गए हैं। आपको भाग 'A' में से अधिकतम 15 और भाग 'B' में से 20 तथा भाग 'C' में से 20 प्रश्नों के उत्तर देने हैं। यदि निर्धारित से अधिक प्रश्नों के उत्तर दिए गए तब केवल पहले भाग 'A' से 15, भाग 'B' से 20 तथा भाग 'C' से 20 उत्तरों की जांच की जाएगी।
2. ओ.एम.आर. उत्तर पत्रक अलग से दिया गया है। आपना रोल नंबर और कन्फ्रंड का नाम लिखने से पहले यह जांच लैंपिए कि पुस्तिका में पृष्ठ पूरे और सही हैं तथा कहीं से कट-फटे नहीं हैं। यदि ऐसा है तो आप इन्विजीलेटर से उसी कोड की पुस्तिका बदलने का नियंत्रण कर सकते हैं। इसी तरह से ओ.एम.आर. उत्तर पत्रक भी भी जांच लें। इस पुस्तिका में एक क्रम करने के लिए अतिरिक्त पन्ने संलग्न हैं।
3. ओ.एम.आर. उत्तर पत्रक के पृष्ठ 1 में दिए गए स्थान पर आपना रोल नंबर नाम तथा इस परीक्षा पुस्तिका का क्रमांक लिखिए। साथ ही अपना हस्ताक्षर भी अवश्य करें।
4. आप आपनी ओ.एम.आर. उत्तर पत्रक में रोल नंबर विषय कोड, पुस्तिका कोड और केन्द्र कोड से संबंधित सम्पूर्ण वृत्तों को काले बैंकें पैना से अवश्य काला करें। यह एक मात्र परीक्षार्थी की जिम्मेदारी है कि वह ओ.एम.आर. उत्तर पत्रक में दिए गए निर्देशों का पूरी सावधानी से पालन करें। ऐसा न करने पर कम्प्यूटर विकल्पों का सही तरीके से अकूटित नहीं कर पाएगा, जिससे अतक आपको हार्नि, जिसमें आपकी ओ.एम.आर. उत्तर पत्रक की अस्थीकृति भी शामिल है, डा सकती है।
5. भाग 'A' में प्रत्येक प्रश्न के 2 अंक, भाग 'B' में प्रत्येक प्रश्न के 3.5 अंक तथा 'C' में प्रत्येक प्रश्न 5 अंक का है। प्रत्येक गलत उत्तर का अवणात्मक मूल्यांकन 25 % (भाग 'A' में 0.50 अंक, भाग 'B' में 0.875 अंक तथा भाग 'C' में 1.25 अंक) की दर से किया जाएगा।
6. प्रत्येक प्रश्न के नीचे बार विकल्प दिए गए हैं। इनमें से केवल एक विकल्प ही "सही" अथवा "सर्वात्मक हल" है। आपको प्रत्येक प्रश्न का सही अथवा सर्वात्मक हल देखना है।
7. नकल करते हुए या अनुचित तरीकों का प्रयोग करते हुए या जाने वाले परीक्षार्थियों का इस और अन्य भारी परीक्षार्थी ले लिए अपेक्षित उत्तरांश जा सकता है।
8. परीक्षार्थी को उत्तर या एक पन्ना के अतिरिक्त कहीं और कुछ भी नहीं लिखना चाहिए।
9. कैलक्यूलेटर का उपयोग करने की अनुमति नहीं है।
10. परीक्षा समाप्ति पर छिद्र विन्दु विनित स्थान से ओ.एम.आर. उत्तर पत्रक को विभाजित करें। इन्विजीलेटर को गूल ओ.एम.आर. उत्तर पत्रक सौंपने के पश्चात आप इसकी कविनतेस प्रतिलिपि ले जा सकते हैं।
11. हिन्दी वाक्य/संस्करण के प्रश्न में विसंगति होने/पाये जाने पर अद्यतीत संस्करण प्रमाणिक होगा।
12. केवल परीक्षा की पूरी अवधि तक बैठने वाले परीक्षार्थी को ही परीक्षा पुस्तिका साथ से जाने की अनुमति दी जाएगी।

रोल नंबर :

परीक्षार्थी द्वारा भरी गई जानकारी को मैं संतुष्टिपूर्ण करता हूँ।

नाम :

इन्विजीलेटर के हस्ताक्षर

5-A-H

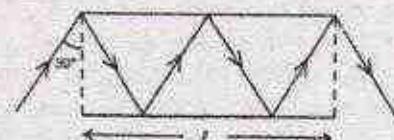
उपरोक्ती सूलभूत नियतांक/LIST OF FUNDAMENTAL CONSTANTS

$m_e$	Mass of electron	इलेक्ट्रॉन का द्रव्यमाण	$9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}$
$\hbar$	Planck's constant	प्लाङ्क नियतांक	$6.63 \times 10^{-34} \text{ J s}$
$e$	Charge of electron	इलेक्ट्रॉन का आवेश	$1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$
$k_B$	Boltzmann constant	बोल्ट्समान नियतांक	$1.38 \times 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$
$c$	Speed of light in vacuum	विवरीत में प्रकाश का वेग	$3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$
$G$	Newton constant	न्यूटन नियतांक	$6.67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$
Ry	Rydberg constant	रिडबर्ग नियतांक	$1.097 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$
$N_A$	Avogadro number	आवोगाद्रो संख्या	$6.023 \times 10^{23} \text{ mole}^{-1}$
$\epsilon_0$	Permittivity of vacuum	परावैद्युत अचर	$8.854 \times 10^{-12} \text{ F m}^{-1}$
$\mu_0$	Permeability of vacuum	चुंबकीय व्याप्ति	$4\pi \times 10^{-7} \text{ H m}^{-1}$
$R$	Molar gas constant	मोलर गैस नियतांक	$8.314 \text{ J K}^{-1} \text{ mole}^{-1}$
1 eV	1 eV		$1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$
1 amu	1 amu		$1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$

## PART 'A'

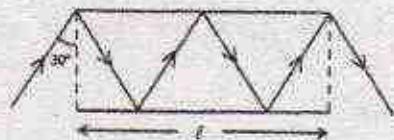
1. 100 मीटर के एक दौड़ में B को  $\Delta 10$  मीटर से हराता है। C को B  $\Delta 5$  मीटर से हराता है। C को A कितने मीटर से हराता है?
1. 15.0 m
  2. 5.5 m
  3. 10.5 m
  4. 14.5 m
1. In a 100 m race A beats B by 10 m. B beats C by 5 m. By how many meters does A beat C?
1. 15.0 m
  2. 5.5 m
  3. 10.5 m
  4. 14.5 m
2. मानो कि (i) "A\*B" का मतलब है B का पिता "A है", (ii) "A Δ B" का मतलब है B का पति "A है", (iii) "A V B" का मतलब है B की पत्नी "A है" तथा (iv) "A □ B", का मतलब है B की बहन "A है। तो जिसन में से कौन-सा D की बहन का समूह "C है, का प्रतिलिपित्व करता है?
1. C V E \* F □ D
  2. C \* E V F □ D
  3. C Δ E \* F □ D
  4. C \* E Δ F □ D
2. Suppose (i) "A\*B" means "A is the father of B", (ii) "A Δ B" means "A is the husband of B", (iii) "A V B" means "A is the wife of B" and (iv) "A □ B", means "A is the sister of B". Which of the following represents "C is the father-in-law of the sister of D"?
1. C V E \* F □ D
  2. C \* E V F □ D
  3. C Δ E \* F □ D
  4. C \* E Δ F □ D
3. 11 लोगों के एक समूह में प्रत्येक अन्य लोगों से मात्र एक ही बार हाथ मिलाता है। ऐसे क्षण मिलाएं की कुल सख्ता क्या है?
1. 110
  2. 121
  3. 55
  4. 66
3. In a group of 11 persons, each shakes hand with every other once and only once. What is the total number of such handshakes?
1. 110
  2. 121
  3. 55
  4. 66
4. चित्र में दो दर्पणों के बीच एक प्रकाश किरण का पथ दर्शाया गया है। यदि हर दर्पण की लंबाई

" $\ell$ " है, दोनों के बीच किरण की कुल पथ-लम्बाई क्या है?



1.  $\frac{3}{4}\ell$
2.  $\frac{4}{3}\ell$
3.  $\frac{3}{2}\ell$
4.  $2\ell$

4. Path of a ray of light between two mirrors is shown in the diagram. If the length of each mirror is ' $\ell$ ', what is the total path length of the ray between the mirrors?



1.  $\frac{3}{4}\ell$
2.  $\frac{4}{3}\ell$
3.  $\frac{3}{2}\ell$
4.  $2\ell$

5.  $(1+3+5+7+\dots+4033) + 7983 \times 2017$  का मान क्या है?

1. 20170000
2. 20172017
3. 20171720
4. 20172020

5. What is the value of  $(1+3+5+7+\dots+4033) + 7983 \times 2017$ ?

1. 20170000
2. 20172017
3. 20171720
4. 20172020

6.  $(2017)^{2017}$  का अन्तिम अंक क्या है?

1. 1
2. 3
3. 7
4. 9

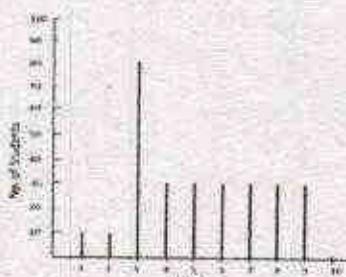
6. What is the last digit of  $(2017)^{2017}$ ?

1. 1
2. 3
3. 7
4. 9

7. सही कथन को पहचानें:

1. आसमान गीला इसलिए है कि सर सी वी.रमन ने उसकी सही व्याख्या की है।
2. कोपलिकस मनता था कि सूर्य, जि कि पृथ्वी, सौर मंडल के केंद्र में था।

3. चांद पर से देखने पर आसमान नीला दीखता है।  
 4. चांद पर खड़े एक अंतरिक्ष यात्री को सूर्य-ग्रहण नज़र नहीं आता है।
7. Pick the correct statement:
- The sky is blue because Sir C.V. Raman gave the correct explanation.
  - Copernicus believed that the Sun, and not the Earth, was at the centre of the Solar system.
  - The sky appears blue when seen from the Moon.
  - No solar eclipse is visible for an astronaut standing on the Moon.
8. एक पुस्तकालयाध्यक्ष एक तेरह-भाग वाले विश्वकोश को एक शैल्फ पर बायें से दायें इस क्रम पर रखता है: 8, 11, 5, 4, 9, 1, 7, 6, 10, 3, 12.  
 2. इस पैटर्न में तेरहवां भाग कहाँ पर रखा जायेगा?
- बायेंतम
  - दायेंतम
  - 3 तथा 10 के बीच
  - 1 तथा 9 के बीच
8. A librarian is arranging a thirteen-volume encyclopaedia on the shelf from left to right in the following order of volume numbers: 8, 11, 5, 4, 9, 1, 7, 6, 10, 3, 12, 2. In this pattern, where should the volume 13 be placed?
- Leftmost
  - Rightmost
  - Between 10 and 3
  - Between 9 and 1
9. किसी संसदीय समिति के 9/11 वां भाग पुरुष हैं। पुरुषों में दो लिहाई राज्यसभा के हैं। उपरान्त, समिति के कुल सदस्यों में से 7/11 वां भाग राज्यसभा से हैं। कुल संख्या का कौन-सा भाग लोकसभा से भिन्न है?
- 1/11
  - 2/6/11
  - 2/11
  - 3/11
9. Nine-eleventh of the members of a parliamentary committee are men. Of the men, two-thirds are from the Rajya Sabha.
- Further, 7/11 of the total committee members are from the Rajya Sabha. What fraction of the total number are women from the Lok Sabha?
- 1/11
  - 2/6/11
  - 2/11
  - 3/11
10. जब एक किसान से पूछा गया कि उसके पास कितने जानवर थे, तो उसने जवाब दिया कि दो के अलावा सभी गाई हैं, दो के अलावा सभी घोड़े हैं। उसके पास कुल कितने जानवर थे?
- 3
  - 6
  - 8
  - 12
10. When a farmer was asked as to how many animals he had, he replied that all but two were cows, all but two were horses and all but two were pigs. How many animals did he have?
- 3
  - 6
  - 8
  - 12
11. निम्न स्टॉम-आलेख किसी कक्षा के विद्यार्थियों से प्राप्त अंकों का बंटन प्रस्तुत करता है।
- 
- 10 अंक वाले प्रश्न प्रति के लिए उत्तीर्ण होने के लिए 3.30 अंकों की जरूरत है। निम्न में से क्या सही नहीं है?
- विद्यार्थियों के बहुसंख्य में उत्तीर्ण होने के लिए जरूरी अंकों से अधिक प्राप्त किये हैं।
  - बंटन का बहुलक 3 है।
  - उत्तीर्ण हुये विद्यार्थियों का औसत अंक 55% से ऊपर है।
  - विद्यार्थियों का औसत अंक 20% से नीचे है।
11. The distribution of marks of students in a class is given by the following chart:



If 3.30 marks is the passing score in a 10 mark question paper, which of the following is false?

1. Majority of the students have scored above the pass mark
2. Mode of the distribution is 3
3. Average marks of passing students is above 55%
4. Average marks of students who have failed is below 20%
  
12. मोहन ने गीता को उतने ही रूपये उधार दिये, जितने पहले से ही गीता के पास थे। बाद में गीता ने ₹ 10 खर्च किये। दूसरे दिन मोहन ने गीता के पास जितने रूपये अब बढ़े थे, उतने ही रूपये उसे किर से उधार दिये, गीता ने किर से ₹ 10 खर्च किये। तीसरे दिन गम ने गीता को उतने ही पैसे उधार दिये कितने अब गीता के पास बढ़े थे। गीता ने किर से ₹ 10 खर्च किये। यदि इसके बाद गीता के पास कोई रूपये नहीं बचे, तो शुरूआत में गीता के पास कितने रूपये थे?
 

1. ₹ 11.25	2. ₹ 10
3. ₹ 7.75	4. ₹ 8.75
  
12. Mohan lent Geeta as much money as she already had. She then spent ₹ 10. Next day, he again lent as much money as Geeta now had, and she spent ₹ 10 again. On the third day, Mohan again lent as much money as Geeta now had, and she again spent ₹ 10. If Geeta was left with no money at the end of the third day, how much money did she have initially?
 

1. ₹ 11.25	2. ₹ 10
3. ₹ 7.75	4. ₹ 8.75
  
13. 24 घन पूर्णिकों के एक अनुक्रम में किसी भी दो लगातार पूर्णिकों का गुणनफलन 24 है। यदि

अनुक्रम का 17<sup>th</sup> वां सदस्य 6 है, तो सातवां सदस्य है

- |       |       |
|-------|-------|
| 1. 24 | 2. 4  |
| 3. 6  | 4. 17 |

13. In a sequence of 24 positive integers, the product of any two consecutive integers is 24. If the 17<sup>th</sup> member of the sequence is 6, the 7<sup>th</sup> member is

- |       |       |
|-------|-------|
| 1. 24 | 2. 4  |
| 3. 6  | 4. 17 |

14. किसी विशेष रंग तथा वाले हीरों का मूल्य निम्न सूची में प्रस्तुत है:

हीरे का वजन (केरट में)	हीरे का मूल्य (प्रति केरट, रुपये में)
0.25	1 लाख
0.5	2 लाख
1	4 लाख
2	8 लाख

दो केरट हीरे के मूल्य में कितने 0.25 केरट हीरे खरीद जा सकते हैं?

- |       |       |
|-------|-------|
| 1. 8  | 2. 16 |
| 3. 32 | 4. 64 |

14. The prices of diamonds having a particular colour and clarity are tabulated below:

Weight of diamond (in carats)	Price of diamond (in rupees/carat)
0.25	1 lakh
0.5	2 lakh
1	4 lakh
2	8 lakh

How many 0.25 carat diamonds can be purchased for the price of a 2 carat diamond?

- |       |       |
|-------|-------|
| 1. 8  | 2. 16 |
| 3. 32 | 4. 64 |

15. वरीयता के आधार पर किसी विश्वदूयात्री को नये कुलपति की नियमित करनी है। मिस्टर नार्थ की अपेक्षा मिस वेस्ट की वरीयता कम है, परंतु मिस ईस्ट की तुलना में अधिक है। मिस वेस्ट की अपेक्षा मिस्टर नार्थ की वरीयता अधिक है, परंतु वह मिस्टर नार्थ से कम वरीयता रखते हैं।

वरिष्ठतम् इस पद को अस्वीकार करता है, तो विश्वविद्यालय का नया कुलपति कोन बनेगा?

1. मिस्टर नाथ
2. मिस ईस्ट
3. मिस वेस्ट
4. मिस्टर साउथ

15. The university needs to appoint a new Vice Chancellor which will be based on seniority. Ms. West is less senior to Mr. North but more senior to Ms. East. Mr. South is senior to Ms. West but junior to Mr. North. If the senior-most declines the assignment, then who will be the new Vice Chancellor of the University?

1. Mr. North
2. Ms. East
3. Ms. West
4. Mr. South

16. एक संपूर्ण आयत के अंदर स्थित तीन आयतों का क्षेत्रफल चित्र में दर्शाया गया है।

	8
12	4

संपूर्ण आयत का क्षेत्रफल क्या है?

1. 36
2. 48
3. 72
4. 96

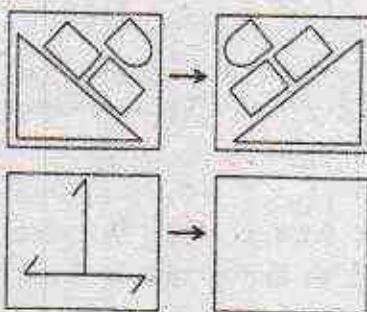
16. Areas of the three rectangles inside the full rectangle are given in the diagram.

	8
12	4

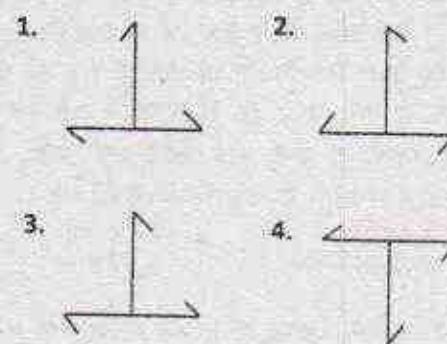
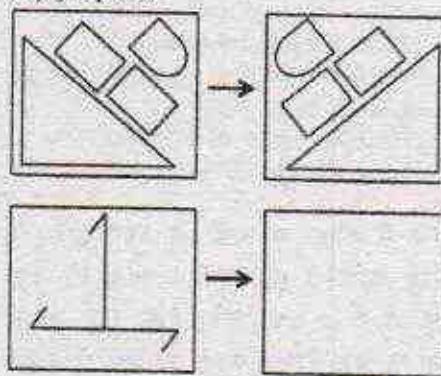
What is the area of the full rectangle?

1. 36
2. 48
3. 72
4. 96

17. रिक्त वर्ष में सही पैटर्न कौन-सा होना चाहिए?



17. Which should be the correct pattern in the empty square?



18. 120 ग्राम 22 केरट सोना बनाने के लिए कितने ग्राम सोना तथा तांबा होना चाहिए?

1. 90 तथा 30
2. 100 तथा 20
3. 110 तथा 10
4. 120 तथा 0

18. How much gold and copper (in g), respectively, are required to make a 120 g bar of 22 carat gold?

1. 90 and 30
2. 100 and 20
3. 110 and 10
4. 120 and 0

19. एक जल पात्र में, जब वह 40% खाली है, उसके 40% पूर्ण होने की स्थिति की अपेक्षा 40 लिटर जल अधिक है। जब वह अब जाता है, तो उसमें कितना लिटर जल होगा?
1. 100 L
  2. 75 L
  3. 120 L
  4. 200 L
19. A water tank that is 40% empty holds 40 L more water than when it is 40% full. How much water does it hold when it is full?
1. 100 L
  2. 75 L
  3. 120 L
  4. 200 L
20. यदि किसी त्रिमुख के सभी कोण अभाज्य हैं, तिन्हें से से कौन-सा एक ऐसा कोण हो सकता है?
1.  $89^\circ$
  2.  $79^\circ$
  3.  $59^\circ$
  4.  $29^\circ$
20. If all the angles of a triangle are prime numbers, which of the following could be one such angle?
1.  $89^\circ$
  2.  $79^\circ$
  3.  $59^\circ$
  4.  $29^\circ$
- ### भाग \PART 'B'
21. माना कि  $\vec{v}_1 = 2\hat{i} + 3\hat{k}$ ,  $\vec{v}_2 = \hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$  तथा  $\vec{v}_3 = 5\hat{i} + \hat{j} + a\hat{k}$  तीन सदिश हैं, जहाँ  $\hat{i}$ ,  $\hat{j}$  तथा  $\hat{k}$  त्रिविम यूक्लिडीय समष्टि में मानक मात्रक सदिश हैं।  $a$  के किस मान के लिए ये तीनों सदिश एकधाततः परतत्र होंगे?
1.  $\frac{31}{4}$
  2.  $\frac{23}{4}$
  3.  $\frac{27}{4}$
  4. 0
21. Consider the three vectors  $\vec{v}_1 = 2\hat{i} + 3\hat{k}$ ,  $\vec{v}_2 = \hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$  and  $\vec{v}_3 = 5\hat{i} + \hat{j} + a\hat{k}$ , where  $\hat{i}, \hat{j}$  and  $\hat{k}$  are the standard unit vectors in a three-dimensional Euclidean space. These vectors will be linearly dependent if the value of  $a$  is
1.  $\frac{31}{4}$
  2.  $\frac{23}{4}$
  3.  $\frac{27}{4}$
  4. 0
22. फलन  $f(x) = e^{-|x|}$  का फूरिये रूपांतर  $\int_{-\infty}^{\infty} dx f(x)e^{ikx}$  है
1.  $-\frac{2}{1+k^2}$
  2.  $-\frac{1}{2(1+k^2)}$
  3.  $\frac{2}{1+k^2}$
  4.  $\frac{2}{(1+k^2)}$
22. The Fourier transform  $\int_{-\infty}^{\infty} dx f(x)e^{ikx}$  of the function  $f(x) = e^{-|x|}$  is
1.  $-\frac{2}{1+k^2}$
  2.  $-\frac{1}{2(1+k^2)}$
  3.  $\frac{2}{1+k^2}$
  4.  $\frac{2}{(1+k^2)}$
23. पूर्णकीय  $\int_{-\pi/2}^{+\pi/2} dx \int_{-1}^{+1} dy \delta(\sin 2x) \delta(x - y)$  का मान है
1. 0
  2.  $\frac{1}{2}$
  3.  $\frac{1}{\sqrt{2}}$
  4. 1
23. The value of the integral  $\int_{-\pi/2}^{+\pi/2} dx \int_{-1}^{+1} dy \delta(\sin 2x) \delta(x - y)$  is
1. 0
  2.  $\frac{1}{2}$
  3.  $\frac{1}{\sqrt{2}}$
  4. 1
24. माना कि  $\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{1}{x} \left( \frac{dx}{dt} \right)^2 - \frac{dx}{dt} = 0$ , एक साधारण अवकल समीकरण है, जिसका परिसीमा प्रतिबन्ध  $x(t=0) = 0$  तथा  $x(t=1) = 1$  है। तब  $x(t)$  का मान  $t=2$  पर होगा
1.  $\sqrt{e-1}$
  2.  $\sqrt{e^2+1}$
  3.  $\sqrt{e+1}$
  4.  $\sqrt{e^2-1}$
24. Consider the following ordinary differential equation
- $$\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{1}{x} \left( \frac{dx}{dt} \right)^2 - \frac{dx}{dt} = 0$$
- with the boundary conditions  $x(t=0) = 0$  and  $x(t=1) = 1$ . The value of  $x(t)$  at  $t=2$  is
1.  $\sqrt{e-1}$
  2.  $\sqrt{e^2+1}$
  3.  $\sqrt{e+1}$
  4.  $\sqrt{e^2-1}$

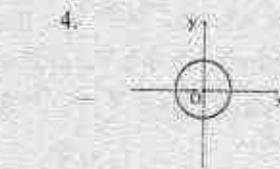
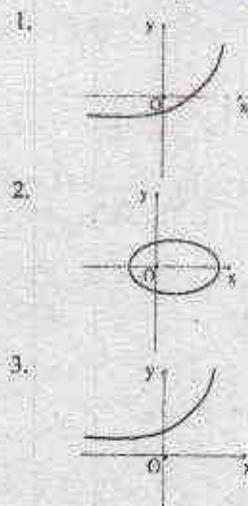
25. जब  $f(x, y) = 2x + 3(x^2 - y^2) + 2i(3xy + \alpha y)$  एक सम्मिश्र चर  $z = x + iy$  का विश्लेषिक फलन है, तब  $\alpha$  का मान होगा
- |      |      |
|------|------|
| 1. 1 | 2. 0 |
| 3. 3 | 4. 2 |

25. What is the value of  $\alpha$  for which  $f(x, y) = 2x + 3(x^2 - y^2) + 2i(3xy + \alpha y)$  is an analytic function of complex variable  $z = x + iy$ ?
- |      |      |
|------|------|
| 1. 1 | 2. 0 |
| 3. 3 | 4. 2 |

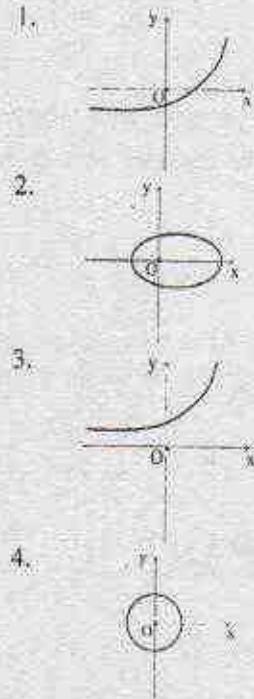
26. एकविम रेखीय  $V(x) = \alpha x^6$  में एक कण संचालित होता है, जहाँ  $\alpha > 0$  एक अचर है। अगर कण की सम्पूर्ण ऊर्जा  $E$  है तब आवृति गति में इसका कालाक किसके समानुपातिक होगा?
- |               |               |
|---------------|---------------|
| 1. $E^{-1/3}$ | 2. $E^{-1/2}$ |
| 3. $E^{1/3}$  | 4. $E^{1/2}$  |

26. A particle moves in the one-dimensional potential  $V(x) = \alpha x^6$ , where  $\alpha > 0$  is a constant. If the total energy of the particle is  $E$ , its time period in a periodic motion is proportional to
- |               |               |
|---------------|---------------|
| 1. $E^{-1/3}$ | 2. $E^{-1/2}$ |
| 3. $E^{1/3}$  | 4. $E^{1/2}$  |

27. प्रतिकीर्ति केन्द्रीय विभव  $V(r) = a/r$  (जहाँ  $a > 0$  एक अचर है) में संचालित एक कण का ध्रुवोप-यथ नीचे दिए गए किस वित्र द्वारा सदृशतम प्रकार से वर्णित हो सकता है?



27. Which of the following figures best describes the trajectory of a particle moving in a repulsive central potential  $V(r) = a/r$  ( $a > 0$  is a constant)?



28. दो कण  $A$  तथा  $B$  समान परिमाण के आपेक्षिकीय वेग  $v$  से एक जड़लीय लिंदेश फ्रेम के  $x$ -अक्ष पर विपरीत दिशाओं में गतिजनन है।  $B$  के स्थिर फ्रेम में  $A$  के वेग का परिमाण होगा

- |  |  |
|--|--|
| 1. $2v/\left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right)$ | 2. $2v/\left(1 + \frac{v^2}{c^2}\right)$ |
| 3. $2v\sqrt{\frac{c-v}{c+v}}$            | 4. $2v/\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$       |

28. Two particles  $A$  and  $B$  move with relativistic velocities of equal magnitude  $v$ , but in opposite directions, along the  $x$ -axis of an inertial frame of reference. The magnitude of the velocity of  $A$ , as seen from the rest frame of  $B$ , is

1.  $2v/\left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right)$

2.  $2v/\left(1 + \frac{v^2}{c^2}\right)$

3.  $2v\sqrt{\frac{c-v}{c+v}}$

4.  $2v/\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$

29. विभव  $V(x) = -\frac{1}{2}kx^2 + \frac{1}{4}\lambda x^4$  (जहाँ  $k$  तथा  $\lambda$  दोनों धनात्मक अचर हैं) में एक कण (जिसका द्रव्यमान  $m$  है) संतुलन बिन्दु के आस-पास अल्प दोलन अनुभव करता है। इस कण की दोलन आवृति होगी

1.  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{2\lambda}{m}}$

2.  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m}}$

3.  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{2k}{m}}$

4.  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{\lambda}{m}}$

29. A particle of mass  $m$ , kept in a potential  $V(x) = -\frac{1}{2}kx^2 + \frac{1}{4}\lambda x^4$  (where  $k$  and  $\lambda$  are positive constants), undergoes small oscillations about an equilibrium point. The frequency of oscillations is

1.  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{2\lambda}{m}}$

2.  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m}}$

3.  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{2k}{m}}$

4.  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{\lambda}{m}}$

30. दो बिन्दु आवेश,  $+2Q$  तथा  $-Q$  जिनका कार्तीय निदेशक क्रमशः  $(1, 0, 0)$  तथा  $(2, 0, 0)$  हैं, एक अनेक भूसंपर्कित चालित पटटिका  $x = 0$  के सामने कुछ दूरी पर रखा गया है।  $x \gg 1$  के लिए,  $(x, 0, 0)$  पर उसके विभव की  $x$ -निर्भरता क्या होगी?

1.  $x^{-3}$

2.  $x^{-5}$

3.  $x^{-2}$

4.  $x^{-4}$

30. Two point charges  $+2Q$  and  $-Q$  are kept at points with Cartesian coordinates  $(1, 0, 0)$  and  $(2, 0, 0)$ , respectively, in front of an infinite grounded conducting plate at  $x = 0$ . The potential at  $(x, 0, 0)$  for  $x \gg 1$  depends on  $x$  as

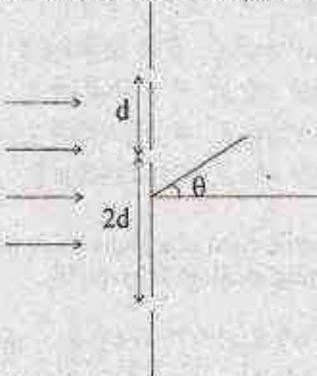
1.  $x^{-3}$

2.  $x^{-5}$

3.  $x^{-2}$

4.  $x^{-4}$

31. जौचे द्वारा चित्र में विन्यसित तीन समरूप रेखालिंग को एकवर्णी प्रकाश के तरंग-दैर्घ्य  $\lambda$  द्वारा प्रदीप्त किया गया है। इस प्रकाश की तीव्रता अनुप्राप्ति किरणबुंद से  $\theta$  कोण पर रेखालिंग से ज्यादा दूरी पर मापा गया है। अगर  $\delta = \frac{2\pi d}{\lambda} \sin\theta$  है, तब प्रकाश की तीव्रता किसके समानुपातिक होगी?



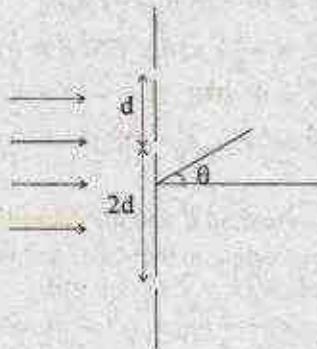
1.  $2 \cos \delta + 2 \cos 2\delta$

2.  $3 + \frac{1}{\delta^2} \sin^2 3\delta$

3.  $3 + 2 \cos \delta + 2 \cos 2\delta + 2 \cos 3\delta$

4.  $2 + \frac{1}{\delta^2} \sin^2 3\delta$

31. The following configuration of three identical narrow slits are illuminated by monochromatic light of wavelength  $\lambda$  (as shown in the figure below). The intensity is measured at an angle  $\theta$  (where  $\theta$  is the angle with the incident beam) at a large distance from the slits. If  $\delta = \frac{2\pi d}{\lambda} \sin\theta$ , the intensity is proportional to:



1.  $2 \cos \delta + 2 \cos 2\delta$

2.  $3 + \frac{1}{\delta^2} \sin^2 3\delta$

3.  $3 + 2 \cos \delta + 2 \cos 2\delta + 2 \cos 3\delta$

4.  $2 + \frac{1}{\delta^2} \sin^2 3\delta$

32. एक घालित माध्यम में समतल तरंग के विद्युत क्षेत्र को

$\vec{E}(z, t) = i E_0 e^{-z/3a} \cos\left(\frac{z}{\sqrt{3}a} - \omega t\right)$  द्वारा निर्दिष्ट किया गया है, जहाँ  $\omega$  कोणीय आवृत्ति तथा  $a > 0$  अचर है। यहाँ चुम्बकीय क्षेत्र  $\vec{B}$  तथा विद्युत क्षेत्र  $\vec{E}$  के बीच का कलातर क्या होगा?

1.  $30^\circ$  तथा  $\vec{E}, \vec{B}$  से विलंबित है
2.  $30^\circ$  तथा  $\vec{B}, \vec{E}$  से विलंबित है
3.  $60^\circ$  तथा  $\vec{E}, \vec{B}$  से विलंबित है
4.  $60^\circ$  तथा  $\vec{B}, \vec{E}$  से विलंबित है

32. The electric field of a plane wave in a conducting medium is given by

$\vec{E}(z, t) = i E_0 e^{-z/3a} \cos\left(\frac{z}{\sqrt{3}a} - \omega t\right)$ , where  $\omega$  is the angular frequency and  $a > 0$  is a constant. The phase difference between the magnetic field  $\vec{B}$  and the electric field  $\vec{E}$  is

1.  $30^\circ$  and  $\vec{E}$  lags behind  $\vec{B}$
2.  $30^\circ$  and  $\vec{B}$  lags behind  $\vec{E}$
3.  $60^\circ$  and  $\vec{E}$  lags behind  $\vec{B}$
4.  $60^\circ$  and  $\vec{B}$  lags behind  $\vec{E}$

33. आदिश एवं सदिश विभव  $V(x, y, z, t) = 0$  तथा  $\vec{A}(x, y, z, t) = \frac{1}{2} k \mu_0 A_0 (ct - x)$  (जहाँ  $A_0$  अचर है), के अनुरूप विद्युत क्षेत्र  $\vec{E}$  तथा चुम्बकीय क्षेत्र  $\vec{B}$  होगा

1.  $\vec{E} = 0$  तथा  $\vec{B} = \frac{1}{2} i \mu_0 A_0$
2.  $\vec{E} = -\frac{1}{2} k \mu_0 A_0 c$  तथा  $\vec{B} = \frac{1}{2} i \mu_0 A_0$
3.  $\vec{E} = 0$  तथा  $\vec{B} = -\frac{1}{2} i \mu_0 A_0$
4.  $\vec{E} = \frac{1}{2} k \mu_0 A_0 c$  तथा  $\vec{B} = -\frac{1}{2} i \mu_0 A_0$

33. The electric field  $\vec{E}$  and the magnetic field  $\vec{B}$  corresponding to the scalar and vector potentials,  $V(x, y, z, t) = 0$  and

$\vec{A}(x, y, z, t) = \frac{1}{2} k \mu_0 A_0 (ct - x)$ , where  $A_0$  is a constant, are

1.  $\vec{E} = 0$  and  $\vec{B} = \frac{1}{2} i \mu_0 A_0$
2.  $\vec{E} = -\frac{1}{2} k \mu_0 A_0 c$  and  $\vec{B} = \frac{1}{2} i \mu_0 A_0$

3.  $\vec{E} = 0$  and  $\vec{B} = -\frac{1}{2} i \mu_0 A_0$

4.  $\vec{E} = \frac{1}{2} k \mu_0 A_0 c$  and  $\vec{B} = -\frac{1}{2} i \mu_0 A_0$

34.  $m$  द्रव्यमान वाले कण को एक विविध कोड़ठ में सीमान्त रूप से रखा गया है, जिसका विभव

$$V(x, y, z) = \begin{cases} 0, & 0 \leq x, y, z \leq a \\ \infty, & \text{अन्यथा} \end{cases}$$

अगर उस कण की ऊर्जा  $\frac{9\hbar^2 \pi^2}{2ma^2}$  है, तब हैमिल्टनी की अभिलक्षणिक अवस्थाओं की संख्या है

1. 1
2. 6
3. 3
4. 4

34. A particle of mass  $m$  is confined in a three-dimensional box by the potential

$$V(x, y, z) = \begin{cases} 0, & 0 \leq x, y, z \leq a; \\ \infty, & \text{otherwise.} \end{cases}$$

The number of eigenstates of Hamiltonian with energy  $\frac{9\hbar^2 \pi^2}{2ma^2}$  is

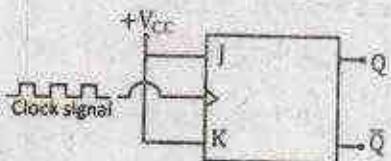
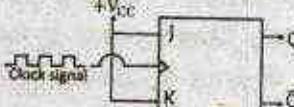
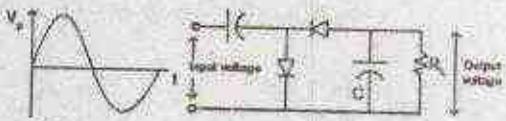
1. 1
2. 6
3. 3
4. 4

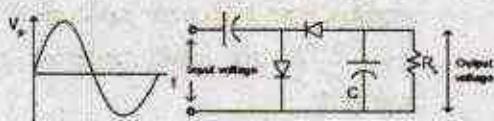
35. प्रचक्रण- $\frac{1}{2}$  वाले कण को चुम्बकीय क्षेत्र  $\vec{B}$  में हैमिल्टनी  $H = -\mu \vec{B} \cdot \vec{\sigma}$  के द्वारा निर्दिष्ट किया गया है, जहाँ  $\mu$  एक वास्तविक अचर और  $\vec{\sigma} = (\sigma_x, \sigma_y, \sigma_z)$  पाउली प्रचक्रण आट्यह है। अगर  $\vec{B} = (B_0, 0, 0)$  है तथा प्रचक्रण अवस्था  $t = 0$  समय पर  $\langle \sigma_z \rangle$  की अभिलक्षणिक अवस्था है, तब  $\langle \sigma_x \rangle, \langle \sigma_y \rangle$  तथा  $\langle \sigma_z \rangle$  का प्रत्यावर्तित मान से

1. केवल  $\langle \sigma_x \rangle$  समय के साथ बदलता है
2. केवल  $\langle \sigma_y \rangle$  समय के साथ बदलता है
3. केवल  $\langle \sigma_z \rangle$  समय के साथ बदलता है
4. सभी तीन समय के साथ बदलते हैं

35. The Hamiltonian of a spin- $\frac{1}{2}$  particle in a magnetic field  $\vec{B}$  is given by  $H = -\mu \vec{B} \cdot \vec{\sigma}$ , where  $\mu$  is a real constant and  $\vec{\sigma} = (\sigma_x, \sigma_y, \sigma_z)$  are the Pauli spin matrices. If  $\vec{B} = (B_0, 0, 0)$  and the spin state at time  $t = 0$  is an eigenstate of  $\sigma_z$ , then of the expectation values  $\langle \sigma_x \rangle, \langle \sigma_y \rangle$  and  $\langle \sigma_z \rangle$

1. only  $\langle \sigma_x \rangle$  changes with time  
 2. only  $\langle \sigma_y \rangle$  changes with time  
 3. only  $\langle \sigma_z \rangle$  changes with time  
 4. all three change with time
36. दो स्टर्न-गेरलैक उपकरण  $S_1$  तथा  $S_2$  को  $x$ -अक्ष की दिशा में रखा गया है। उनकी चुम्बकीय क्षेत्र की दिशा क्रमशः धनात्मक  $z$ -तथा  $y$ -धूरी के समानान्तर हैं। प्रत्येक उपकरण के बीच उन कणों को, जिनका प्रथमकण चुम्बकीय क्षेत्र की दिशा में स्थित है, संचरित करता है। अगर प्रथमकण  $\frac{1}{2}$  दार्शक कणों का एक प्राथमिक अधूरित किरणपूज इस विन्यास द्वारा निकलता है, तब प्राथमिक और अन्तिम किरणपूज की तीव्रता का अनुपात ( $I_0 : I_f$ ) होगा
- 
1. 16:1                    2. 2:1  
 3. 4:1                    4. 1:0
36. Two Stern-Gerlach apparatus  $S_1$  and  $S_2$  are kept in a line ( $x$ -axis). The directions of their magnetic fields are along the positive  $z$ - and  $y$ -axes, respectively. Each apparatus only transmits particles with spins aligned in the direction of its magnetic field. If an initially unpolarized beam of spin- $\frac{1}{2}$  particles passes through this configuration, the ratio of intensities  $I_0 : I_f$  of the initial and final beams, is
- 
1. 16:1                    2. 2:1  
 3. 4:1                    4. 1:0
37.  $m$  द्रव्यमाण वाला एक कण एक वृत्ताकार बल्ब (जिसकी विभास  $R$  है) में चलने की विवश है। अगर उसे  $V' = \frac{a}{R^2} \cos^2 \phi$  (जहाँ  $a$  एक लागतविक अचर है) द्वारा शोभित किया जाता है। तब प्रथम कोटि  $a$  तक, लिमितम अवस्था में विस्थापित ऊर्जा होगी
1.  $a/R^2$                     2.  $2a/R^2$   
 3.  $a/(2R^2)$                 4.  $a/(\pi R^2)$
37. A particle of mass  $m$  is constrained to move in a circular ring of radius  $R$ . When a perturbation  $V' = \frac{a}{R^2} \cos^2 \phi$  (where  $a$  is a real constant) is added, the shift in energy of the ground state, to first order in  $a$ , is
1.  $a/R^2$                     2.  $2a/R^2$   
 3.  $a/(2R^2)$                 4.  $a/(\pi R^2)$
38. प्रबलता प्रसार गुणांक  $\alpha$  तथा समतापी संपीड़यता  $\kappa$  वाले किसी ठोस पदार्थ के संबंध में नीचे दिया गया कैन-सा प्रकथन सही है?
1.  $\alpha$  तथा  $\kappa$  दोनों अविस्तारात्मक घर हैं  
 2.  $\alpha$  अविस्तारात्मक तथा  $\kappa$  विस्तारी घर हैं  
 3.  $\alpha$  विस्तारी तथा  $\kappa$  अविस्तारात्मक घर हैं  
 4.  $\alpha$  तथा  $\kappa$  दोनों विस्तारी घर हैं
38. Which of the following statements concerning the coefficient of volume expansion  $\alpha$  and the isothermal compressibility  $\kappa$  of a solid is true?
1.  $\alpha$  and  $\kappa$  are both intensive variables  
 2.  $\alpha$  is an intensive and  $\kappa$  is an extensive variable  
 3.  $\alpha$  is an extensive and  $\kappa$  is an intensive variable  
 4.  $\alpha$  and  $\kappa$  are both extensive variables
39. एक मोल (mole) गैस का वान्डरवाल्स समीकरण  $(p + \frac{a}{V^2})(V - b) = RT$  है। दब प, आयतन  $V$  और तापमान  $T$  पर  $n$  moles गैस का संगत समीकरण होगा
1.  $(p + \frac{an^2}{V^2})(V - nb) = nRT$   
 2.  $(p + \frac{a}{V^2})(V - nb) = nRT$   
 3.  $(p + \frac{an^2}{V^2})(V - nb) = RT$   
 4.  $(p + \frac{a}{V^2})(V - nb) = RT$
39. The van der Waals equation for one mole of a gas is  $(p + \frac{a}{V^2})(V - b) = RT$ . The corresponding equation of state for  $n$  moles of this gas at pressure  $p$ , volume  $V$  and temperature  $T$ , is
1.  $(p + \frac{an^2}{V^2})(V - nb) = nRT$   
 2.  $(p + \frac{a}{V^2})(V - nb) = nRT$

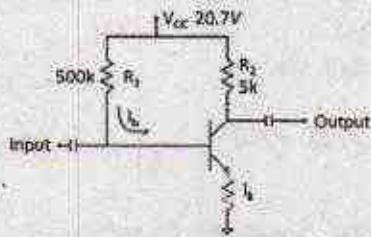
3.  $\left(p + \frac{an^2}{V^2}\right)(V - nb) = RT$
4.  $\left(p + \frac{a}{V^2}\right)(V - nb) = RT$
40. 11 अविभेदिक bosons को 3 असदृश ऊर्जा-स्तर में वितरण के कितने रास्ते हैं?
1.  $3^{11}$
  2.  $11^3$
  3.  $\frac{(13)!}{2!(11)!}$
  4.  $\frac{(11)!}{3!8!}$
40. The number of ways of distributing 11 indistinguishable bosons in 3 different energy levels is
1.  $3^{11}$
  2.  $11^3$
  3.  $\frac{(13)!}{2!(11)!}$
  4.  $\frac{(11)!}{3!8!}$
41. *N* विभेदिक कणों वाले निकाय में, प्रत्येक कण दो अवस्थाओं में से एक अवस्था में 0 तथा  $-E$  ऊर्जा के क्रमानुसार रह सकता है। तब तापमान  $T$  पर इस निकाय की औसत ऊर्जा होगी
1.  $-\frac{1}{2}N(1 + e^{E/k_B T})$
  2.  $-NE/(1 + e^{E/k_B T})$
  3.  $-\frac{1}{2}NE$
  4.  $-NE/(1 + e^{-E/k_B T})$
41. In a system of  $N$  distinguishable particles, each particle can be in one of two states with energies 0 and  $-E$ , respectively. The mean energy of the system at temperature  $T$  is
1.  $-\frac{1}{2}N(1 + e^{E/k_B T})$
  2.  $-NE/(1 + e^{E/k_B T})$
  3.  $-\frac{1}{2}NE$
  4.  $-NE/(1 + e^{-E/k_B T})$
42. नीचे दिए गए JK प्रिलप-फलोप परिपथ में दो निवेश  $J$  तथा  $K$ ,  $+V_{cc}$  के साथ सहबद्ध हैं। अगर इस निवेश की कालदै संकेत (clock signal) आवृत्ति  $f$  है, तब निर्गम आवृत्ति  $Q$  होगी
- 
42. In the following JK flip-flop circuit, J and K inputs are tied together to  $+V_{cc}$ . If the input is a clock signal of frequency  $f$ , the frequency of the output  $Q$  is
- 
1.  $f$
  2.  $2f$
  3.  $4f$
  4.  $f/2$
43. नीचे दिया गया कॉन-सा कपाट समता-जांच करने के लिए इस्तेमाल हो सकता है?
1. OR कपाट
  2. NOR कपाट
  3. एकमात्र OR (XOR) कपाट
  4. AND कपाट
43. Which of the following gates can be used as a parity checker?
1. an OR gate
  2. a NOR gate
  3. an exclusive OR (XOR) gate
  4. an AND gate
44. नीचे दिए गए परिपथ में, एक ज्यावक्त्रिय संकेत जिसकी शिखर बोलता  $V_p$  तथा औसत मान शून्य है, निवेशित है।
- 
- आदर्श डायोड (diode) मानसे हुए, लड़ प्रतिरोधक  $R_d$  के उस पार निर्गत बोलता का शिखर मान होगा
1.  $V_p$
  2.  $V_p/2$
  3.  $2V_p$
  4.  $\sqrt{2}V_p$
44. A sinusoidal signal with a peak voltage  $V_p$  and average value zero, is an input to the following circuit.



Assuming ideal diodes, the peak value of the output voltage across the load resistor  $R_L$  is

1.  $V_p$
2.  $V_p/2$
3.  $2V_p$
4.  $\sqrt{2}V_p$

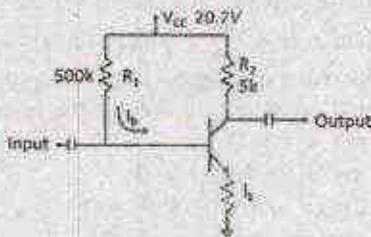
45. नीचे दिए गए परिपथ में सामान्य उत्सर्जक अवधारा प्रवर्धन-गुणक  $\beta$  का मान ट्राजिस्टर के लिए 100 तथा  $V_{BE}$  0.7 V है।



तब बेस धारा  $I_B$  है

1.  $40 \mu\text{A}$
2.  $30 \mu\text{A}$
3.  $44 \mu\text{A}$
4.  $33 \mu\text{A}$

46. In the following circuit, the value of the common-emitter forward current amplification factor  $\beta$  for the transistor is 100 and  $V_{BE}$  is 0.7 V.



The base current  $I_B$  is

1.  $40 \mu\text{A}$
2.  $30 \mu\text{A}$
3.  $44 \mu\text{A}$
4.  $33 \mu\text{A}$

### भाग/PART 'C'

46. वास्तविक चर  $x$  का फलन  $P_n(x)e^{-x^2}$  में बहुपद  $P_n(x)$  का घात  $n$  है। इस फलन में पराकाश्ठा की अधिकतम संख्या होगी

1.  $n+2$
2.  $n-1$
3.  $n+1$
4.  $n$

46. In the function  $P_n(x)e^{-x^2}$  of a real variable  $x$ ,  $P_n(x)$  is a polynomial of degree  $n$ . The maximum number of extrema that this function can have is

1.  $n+2$
2.  $n-1$
3.  $n+1$
4.  $n$

47. समीकरण  $\frac{d^2y(x)}{dx^2} + y(x) = f(x)$  तथा परिसीमा मान  $y(0) = y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$  का यीन फलन  $G(x, x')$  है

$$1. G(x, x') = \begin{cases} x\left(x' - \frac{\pi}{2}\right), & 0 < x < x' < \frac{\pi}{2} \\ \left(x - \frac{\pi}{2}\right)x', & 0 < x' < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

$$2. G(x, x') = \begin{cases} -\cos x' \sin x, & 0 < x < x' < \frac{\pi}{2} \\ -\sin x' \cos x, & 0 < x' < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

$$3. G(x, x') = \begin{cases} \cos x' \sin x, & 0 < x < x' < \frac{\pi}{2} \\ \sin x' \cos x, & 0 < x' < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

$$4. G(x, x') = \begin{cases} x\left(\frac{\pi}{2} - x'\right), & 0 < x < x' < \frac{\pi}{2} \\ x'\left(\frac{\pi}{2} - x\right), & 0 < x' < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

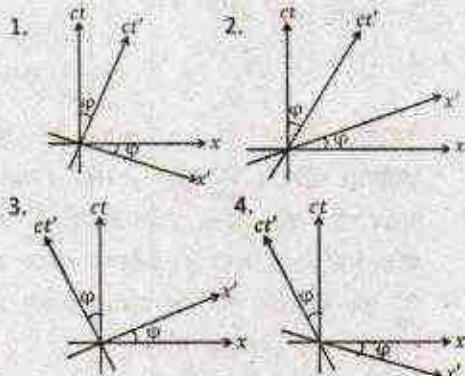
47. The Green's function  $G(x, x')$  for the equation  $\frac{d^2y(x)}{dx^2} + y(x) = f(x)$ , with the boundary values  $y(0) = y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$ , is

$$1. G(x, x') = \begin{cases} x\left(x' - \frac{\pi}{2}\right), & 0 < x < x' < \frac{\pi}{2} \\ \left(x - \frac{\pi}{2}\right)x', & 0 < x' < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

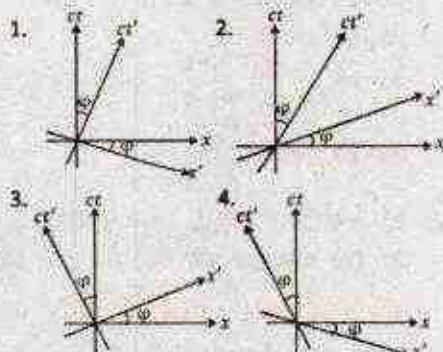
$$2. G(x, x') = \begin{cases} -\cos x' \sin x, & 0 < x < x' < \frac{\pi}{2} \\ -\sin x' \cos x, & 0 < x' < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

3.  $G(x, x') = \begin{cases} \cos x' \sin x, & 0 < x < x' < \frac{\pi}{2} \\ \sin x' \cos x, & 0 < x' < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$
4.  $G(x, x') = \begin{cases} x\left(\frac{\pi}{2} - x'\right), & 0 < x < x' < \frac{\pi}{2} \\ x'\left(\frac{\pi}{2} - x\right), & 0 < x' < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$
48. पूर्णकीय  $\int_0^1 x dx$  को सिम्पसन के  $\frac{1}{3}$ -नियम के द्वारा सौधारन 0.1 इस्तेमाल करते हुए आकलन किया गया है। प्रभाजी उटि का मान किसके लिकटतम होगा?
1.  $10^{-4}$
  2. 0
  3.  $10^{-2}$
  4.  $3 \times 10^{-4}$
48. The fractional error in estimating the integral  $\int_0^1 x dx$  using Simpson's  $\frac{1}{3}$ -rule, using a step size 0.1, is nearest to
1.  $10^{-4}$
  2. 0
  3.  $10^{-2}$
  4.  $3 \times 10^{-4}$
49.  $3 \times 3$  वास्तविक लाभिक आव्यूह, जिसका सारणिक +1 है, के लिए नीचे लिखा गया कौन-सा प्रकथन सत्य है?
1. प्रत्येक अभिलक्षणिक मान का मापांक 1 होना आवश्यक नहीं है, लेकिन उनका उत्पाद 1 अवश्य होगा
  2. कम से कम इसका एक अभिलक्षणिक मान +1 होगा
  3. इसके सभी अभिलक्षणिक मान अवश्य वास्तविक होंगे
  4. इसके किसी भी अभिलक्षणिक मान को वास्तविक होने की आवश्यकता नहीं है
49. Which of the following statements is true for a  $3 \times 3$  real orthogonal matrix with determinant +1?
1. the modulus of each of its eigenvalues need not be 1, but their product must be 1
  2. at least one of its eigenvalues is +1
  3. all of its eigenvalues must be real
  4. none of its eigenvalues need be real
50. केन्द्रीय विभव  $V(r) = -\frac{k}{r}$  में  $m$  द्रव्यमान वाला एक कण दीर्घवृत्तीय कक्षा  $r(\theta) = \frac{a(1-e^2)}{1+e \cos \theta}$ , (जहाँ  $0 \leq \theta < 2\pi$  और  $a$  तथा  $e$
- क्रमशः अर्धदीर्घ अक्ष तथा उत्केदता है) में संचालित होता है। अगर इसकी संपूर्ण ऊर्जा  $E = -\frac{k}{2a}$  है, तब इसकी अधिकतम गतिज ऊर्जा होगी
1.  $E(1 - e^2)$
  2.  $E \frac{(e+1)}{(e-1)}$
  3.  $E/(1 - e^2)$
  4.  $E \frac{(1-e)}{(1+e)}$
50. A particle of mass  $m$  moves in a central potential  $V(r) = -\frac{k}{r}$  in an elliptic orbit  $r(\theta) = \frac{a(1-e^2)}{1+e \cos \theta}$ , where  $0 \leq \theta < 2\pi$  and  $a$  and  $e$  denote the semi-major axis and eccentricity, respectively. If its total energy is  $E = -\frac{k}{2a}$ , the maximum kinetic energy is
1.  $E(1 - e^2)$
  2.  $E \frac{(e+1)}{(e-1)}$
  3.  $E/(1 - e^2)$
  4.  $E \frac{(1-e)}{(1+e)}$
51. एक विशेष निकाय का हैमिलटोनी  $H = \frac{xp^2}{2m} + \frac{1}{2}kx^2$  है, जहाँ  $m$  तथा  $k$  धनात्मक अंदर हैं। इसके अनुकूल इस निकाय का आंगत्वर-लक्षणीय समीकरण होगा
1.  $m\ddot{x} + k = 0$
  2.  $m\ddot{x} + 2\dot{x} + kx^2 = 0$
  3.  $2m\ddot{x}\dot{x} - m\dot{x}^2 + kx^2 = 0$
  4.  $m\ddot{x}\dot{x} + 2m\dot{x}^2 + kx^2 = 0$
51. The Hamiltonian of a one-dimensional system is  $H = \frac{xp^2}{2m} + \frac{1}{2}kx^2$ , where  $m$  and  $k$  are positive constants. The corresponding Euler-Lagrange equation for the system is
1.  $m\ddot{x} + k = 0$
  2.  $m\ddot{x} + 2\dot{x} + kx^2 = 0$
  3.  $2m\ddot{x}\dot{x} - m\dot{x}^2 + kx^2 = 0$
  4.  $m\ddot{x}\dot{x} + 2m\dot{x}^2 + kx^2 = 0$
52. एक जड़त्वीय फ्रेम  $K'$  द्वारे जड़त्वीय फ्रेम  $K$  के संदर्भ में एक समान चाल  $v$  से अपने सर्वलिप्त अक्ष  $x$  में धनात्मक दिशा में संचालित होता है।  $(x, ct)$  तथा  $(x', ct')$  फ्रेम  $K$  तथा  $K'$  में क्रमशः दिक्काल विद्युत्शाक को निर्दिष्ट करते हैं। नीचे दिए गए दिक्काल पिण्डों में से कौन सही ढंग से  $L$ -अक्ष  $(x') = 0$

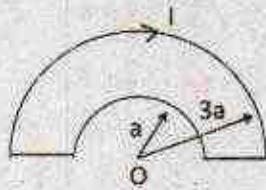
रेखा) लम्बा  $x'$ -अक्ष ( $t' = 0$  रेखा) को  $x-ct$  लम्ब में विभ्रान करेगा? (नीचे दिए गए चित्र में  $\tan \phi = v/c$ )



52. An inertial frame  $K'$  moves with a constant speed  $v$  with respect to another inertial frame  $K$  along their common  $x$ -axis in the positive  $x$ -direction. Let  $(x, ct)$  and  $(x', ct')$  denote the space-time coordinates in the frames  $K$  and  $K'$ , respectively. Which of the following space-time diagrams correctly describes the  $t'$ -axis ( $x' = 0$  line) and the  $x'$ -axis ( $t' = 0$  line) in the  $x$ - $ct$  plane? (In the following figures  $\tan \phi = v/c$ .)



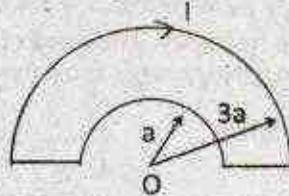
53. नीचे दिए गए चित्र में दिखाया गया पारा (loop) में एक अपरिवर्ती पारा  $I$  बहता है।



बिन्दु  $O$  पर चुम्बकीय क्षेत्र का परिमाण होगा

1.  $\frac{\mu_0 I}{2a}$   
2.  $\frac{\mu_0 I}{6a}$   
3.  $\frac{\mu_0 I}{4a}$   
4.  $\frac{\mu_0 I}{3a}$

53. The loop shown in the figure below carries a steady current  $I$ .



The magnitude of the magnetic field at the point  $O$  is

1.  $\frac{\mu_0 I}{2a}$   
2.  $\frac{\mu_0 I}{6a}$   
3.  $\frac{\mu_0 I}{4a}$   
4.  $\frac{\mu_0 I}{3a}$

54. उदगम (स्रोत) से दूर एक बिन्दु  $(r, \theta, \phi)$  पर कालान्तिरित विद्युत क्षेत्र

$$\vec{E}(r, \theta, \phi) = \hat{\phi} E_0 \omega^2 \left( \frac{\sin \theta}{r} \right) \cos \left[ \omega \left( t - \frac{r}{c} \right) \right]$$

है, जहाँ  $\omega$  उदगम की कोणीय आवृत्ति है। तब वहाँ पर संपूर्ण विकिरित सामर्थ्य (अंतरिक्ष संचन चक्र के लिए) होगा

1.  $\frac{2\pi}{3} \frac{E_0^2 \omega^4}{\mu_0 c}$   
2.  $\frac{4\pi}{3} \frac{E_0^2 \omega^4}{\mu_0 c}$   
3.  $\frac{4}{3\pi} \frac{E_0^2 \omega^4}{\mu_0 c}$   
4.  $\frac{2}{3} \frac{E_0^2 \omega^4}{\mu_0 c}$

54. In the region far from a source, the time dependent electric field at a point  $(r, \theta, \phi)$  is

$$\vec{E}(r, \theta, \phi) = \hat{\phi} E_0 \omega^2 \left( \frac{\sin \theta}{r} \right) \cos \left[ \omega \left( t - \frac{r}{c} \right) \right]$$

where  $\omega$  is angular frequency of the source. The total power radiated (averaged over a cycle) is

1.  $\frac{2\pi}{3} \frac{E_0^2 \omega^3}{\mu_0 c}$   
2.  $\frac{4\pi}{3} \frac{E_0^2 \omega^3}{\mu_0 c}$   
3.  $\frac{4}{3\pi} \frac{E_0^2 \omega^3}{\mu_0 c}$   
4.  $\frac{2}{3} \frac{E_0^2 \omega^3}{\mu_0 c}$

55. अनुप्रस्थ बैट्ट्युल (TE) प्रणाली, जिसका परिक्लेपण संबंध  $k = \frac{1}{c} \sqrt{\omega^2 - \omega_{mn}^2}$  है, जहाँ  $\omega_{mn}$  आवृत्ति विधि है, एक खोखली तरंग पथक

- में निविष्ट है। इस विद्युत चुम्बकीय ऊर्जा के घास की गति इस आवृति विधि पर होगी
1.  $c$
  2.  $\omega_{mn}/k$
  3. 0
  4.  $\infty$
55. A hollow waveguide supports transverse electric (TE) modes with the dispersion relation  $k = \frac{1}{c} \sqrt{\omega^2 - \omega_{mn}^2}$ , where  $\omega_{mn}$  is the mode frequency. The speed of flow of electromagnetic energy at the mode frequency is
1.  $c$
  2.  $\omega_{mn}/k$
  3. 0
  4.  $\infty$
56. एक सुकृत आपेक्षिकीय कण की ऊर्जा  $E = \sqrt{|\vec{p}|^2 c^2 + m^2 c^4}$  है, जहाँ  $m$  उसका विराम-द्रव्यमान है,  $\vec{p}$  इसका संवेग और  $c$  निर्दोष में प्रकाश की गति (speed) है। इस कण को वर्णित करने के लिए क्वान्टम यांत्रिकीय तरंग पिटक की समूह वेग  $v_g$  और प्रावस्था वेग  $v_p$  का औसत  $v_g/v_p$  होगा
1.  $|\vec{p}|c/E$
  2.  $|\vec{p}|mc^3/E^2$
  3.  $|\vec{p}|^2 c^2/E^2$
  4.  $|\vec{p}|c/2E$
56. The energy of a free relativistic particle is  $E = \sqrt{|\vec{p}|^2 c^2 + m^2 c^4}$ , where  $m$  is its rest mass,  $\vec{p}$  is its momentum and  $c$  is the speed of light in vacuum. The ratio  $v_g/v_p$  of the group velocity  $v_g$  of a quantum mechanical wave packet (describing this particle) to the phase velocity  $v_p$  is
1.  $|\vec{p}|c/E$
  2.  $|\vec{p}|mc^3/E^2$
  3.  $|\vec{p}|^2 c^2/E^2$
  4.  $|\vec{p}|c/2E$
57. एकत्रिम हैमिल्टनी  $H = \frac{p^2}{2m} + \lambda x^4$  (जहाँ  $\lambda > 0$  एक अचर है) के  $n$ -th ऊर्जा का अभिलक्षणिक मान  $E_n$ , WKB सन्निकटन में किसके समानुपातिक है?
1.  $(n + \frac{1}{2})^{4/3} \lambda^{1/3}$
  2.  $(n + \frac{1}{2})^{4/3} \lambda^{2/3}$
  3.  $(n + \frac{1}{2})^{5/3} \lambda^{1/3}$
  4.  $(n + \frac{1}{2})^{5/3} \lambda^{2/3}$
57. The  $n$ -th energy eigenvalue  $E_n$  of a one-dimensional Hamiltonian  $H = \frac{p^2}{2m} + \lambda x^4$  (where  $\lambda > 0$  is a constant) in the WKB approximation, is proportional to
1.  $(n + \frac{1}{2})^{4/3} \lambda^{1/3}$
  2.  $(n + \frac{1}{2})^{4/3} \lambda^{2/3}$
  3.  $(n + \frac{1}{2})^{5/3} \lambda^{1/3}$
  4.  $(n + \frac{1}{2})^{5/3} \lambda^{2/3}$
58. केन्द्रीय तिभव  $V(r) = \frac{\beta}{r} e^{-\mu r}$  का विभेदी प्रकीर्णन परिक्षेत्र  $\frac{d\sigma}{dn}$ , जहाँ  $\beta$  तथा  $\mu$  धनात्मक अचर हैं, को Born सन्निकटन के द्वारा परिकल्पन किया गया है। प्रकीर्णन कोण  $\theta$  पर  $\frac{d\sigma}{dn}$  की निम्नरक्ति किसके समानुपातिक होगी (नीचे  $A$  एक स्थिरांक है)
1.  $(A^2 + \sin^2 \frac{\theta}{2})$
  2.  $(A^2 + \sin^2 \frac{\theta}{2})^{-1}$
  3.  $(A^2 + \sin^2 \frac{\theta}{2})^{-2}$
  4.  $(A^2 + \sin^2 \frac{\theta}{2})^2$
58. The differential scattering cross-section  $\frac{d\sigma}{dn}$  for the central potential  $V(r) = \frac{\beta}{r} e^{-\mu r}$ , where  $\beta$  and  $\mu$  are positive constants, is calculated in the first Born approximation. Its dependence on the scattering angle  $\theta$  is proportional to ( $A$  is a constant below.)
1.  $(A^2 + \sin^2 \frac{\theta}{2})$
  2.  $(A^2 + \sin^2 \frac{\theta}{2})^{-1}$
  3.  $(A^2 + \sin^2 \frac{\theta}{2})^{-2}$
  4.  $(A^2 + \sin^2 \frac{\theta}{2})^2$
59. दो अपरिमित दीवारों,  $x = 0$  तथा  $x = L$ , के बीच परिस्थित एक कण का तरंग फलन  $t = 0$  पर  $\psi(x, t = 0) = \sqrt{\frac{2}{L}} (\sin \frac{\pi x}{L} - \sin \frac{3\pi x}{L})$  है। उत्तरकालीन समय  $t = \frac{m\pi}{4\omega}$  पर तरंग फलन होगा
1.  $\sqrt{\frac{2}{L}} (\sin \frac{\pi x}{L} - \sin \frac{3\pi x}{L}) e^{i\pi/8}$
  2.  $\sqrt{\frac{2}{L}} (\sin \frac{\pi x}{L} + \sin \frac{3\pi x}{L}) e^{-i\pi/8}$
  3.  $\sqrt{\frac{2}{L}} (\sin \frac{\pi x}{L} - \sin \frac{3\pi x}{L}) e^{-i\pi/8}$
  4.  $\sqrt{\frac{2}{L}} (\sin \frac{\pi x}{L} + \sin \frac{3\pi x}{L}) e^{-i\pi/8}$

59. At  $t = 0$ , the wavefunction of an otherwise free particle confined between two infinite walls at  $x = 0$  and  $x = L$  is  $\psi(x, t = 0) = \sqrt{\frac{2}{L}} \left( \sin \frac{\pi x}{L} - \sin \frac{3\pi x}{L} \right)$ . Its wavefunction at a later time  $t = \frac{m\hbar^2}{4\pi k}$  is

1.  $\sqrt{\frac{2}{L}} \left( \sin \frac{\pi x}{L} - \sin \frac{3\pi x}{L} \right) e^{i\pi/6}$
2.  $\sqrt{\frac{2}{L}} \left( \sin \frac{\pi x}{L} + \sin \frac{3\pi x}{L} \right) e^{-i\pi/6}$
3.  $\sqrt{\frac{2}{L}} \left( \sin \frac{\pi x}{L} - \sin \frac{3\pi x}{L} \right) e^{-i\pi/3}$
4.  $\sqrt{\frac{2}{L}} \left( \sin \frac{\pi x}{L} + \sin \frac{3\pi x}{L} \right) e^{-i\pi/3}$

60. आयतन  $V$  एवं ताप  $T$  पर,  $N$  कणों वाली एक प्रणाली का दाब  $P = nk_B T - \frac{1}{2}an^2 + \frac{1}{6}bn^3$  है (जहाँ  $n$  सांख्यिक घनत्व,  $a$  तथा  $b$  ताप-निरपेक्ष अचर हैं)। अगर यह प्रणाली गैस-द्रव पारगमन प्रदर्शित करता है, इसका कानूनिक ताप होगा

1.  $\frac{a}{bk_B}$
2.  $\frac{a}{2b^2k_B}$
3.  $\frac{a^2}{2bk_B}$
4.  $\frac{a^2}{b^3k_B}$

60. The pressure  $P$  of a system of  $N$  particles contained in a volume  $V$  at a temperature  $T$  is given by  $P = nk_B T - \frac{1}{2}an^2 + \frac{1}{6}bn^3$ , where  $n$  is the number density and  $a$  and  $b$  are temperature independent constants. If the system exhibits a gas-liquid transition, the critical temperature is

1.  $\frac{a}{bk_B}$
2.  $\frac{a}{2b^2k_B}$
3.  $\frac{a^2}{2bk_B}$
4.  $\frac{a^2}{b^3k_B}$

61. माना कि एक द्रव में विसरित कण एक बहुत कोष्ठ में अंतरिक्ष है। इस कण का विसरण-स्थिरांक उस द्रव में  $1.0 \times 10^{-2} \text{ cm}^2/\text{s}$  है। वह कौन-सा अल्पतम समय होगा जिसके बाद उसका वर्ग-माध्य-मूल विस्थापन 6 cm से ज्यादा हो जायेगा?

1. 10 min
2. 6 min
3. 30 min
4.  $\sqrt{6}$  min

61. Consider a particle diffusing in a liquid contained in a large box. The diffusion

constant of the particle in the liquid is  $1.0 \times 10^{-2} \text{ cm}^2/\text{s}$ . The minimum time after which the root-mean-squared displacement becomes more than 6 cm is

1. 10 min
2. 6 min
3. 30 min
4.  $\sqrt{6}$  min

62. ( $L, L, 2L$ ) परिमाप वाले एक उच्च रोपित कोष्ठ को दीर्घ से विभाजित किया गया है। विभाजित कोष्ठ के एक तरफ  $n$  मोल आदर्श गैस (जो दाब  $P$  तथा तापमान  $T$  पर है) मध्ये गई है तथा दूसरी तरफ बाला आद्य कोष्ठ खाली है।  $t = 0$  पर कोष्ठ के इस विभाजन को हटा दिया जाता है और गैस को पूरे कोष्ठ में विसरित होने दी जाती है। तब वहाँ पर साम्यावस्था का समय कैसे बदलता है



1.  $n^{1/3} L^{-1} T^{1/2}$
2.  $n^{2/3} L T^{-1/2}$
3.  $n^0 L T^{-1/2}$
4.  $n L^{-1} T^{1/2}$

62. A thermally insulated chamber of dimensions  $(L, L, 2L)$  is partitioned in the middle. One side of the chamber is filled with  $n$  moles of an ideal gas at a pressure  $P$  and temperature  $T$ , while the other side is empty. At  $t = 0$ , the partition is removed and the gas is allowed to expand freely. The time to reach equilibrium varies as



1.  $n^{1/3} L^{-1} T^{1/2}$
2.  $n^{2/3} L T^{-1/2}$
3.  $n^0 L T^{-1/2}$
4.  $n L^{-1} T^{1/2}$

63. सौर विकिरण की अधिकतम तीव्रता तरंग-दैर्घ्य  $\lambda_{\text{sun}} \sim 5000 \text{ Å}$  पर है, जो इसके पृष्ठीय ताप  $T_{\text{sun}} \sim 10^4 \text{ K}$  के तदनुरूप है। अब X-किरण तारा की अधिकतम तीव्रता का तरंग-दैर्घ्य 5 Å है, तब इसका पृष्ठीय ताप किस कम का होगा?

1.  $10^{16} \text{ K}$   
2.  $10^{14} \text{ K}$   
3.  $10^{10} \text{ K}$   
4.  $10^7 \text{ K}$

63. The maximum intensity of solar radiation is at the wavelength of  $\lambda_{\text{sun}} \sim 5000 \text{ Å}$  and corresponds to its surface temperature  $T_{\text{sun}} \sim 10^4 \text{ K}$ . If the wavelength of the maximum intensity of an X-ray star is 5 Å, its surface temperature is of the order of  
 1.  $10^{16} \text{ K}$   
2.  $10^{14} \text{ K}$   
3.  $10^{10} \text{ K}$   
4.  $10^7 \text{ K}$

64. 3-बिट अंकक-अनुरूपीय परिवर्तक (DAC) का सूर्य पैमाना 7 V है। नीचे दी गई कौन-सी सारणी 3-बिट अंकक-अनुरूपीय परिवर्तक (DAC) के निषिष्ट अंश को दिए हुए निर्गम बोलता को निरूपित करेगी?

Input bits	Output voltage
000	0
001	1
010	2
011	3

Input bits	Output voltage
000	0
001	1.25
010	2.5
011	3.75

Input bits	Output voltage
000	1.25
001	2.5
010	3.75
011	5

Input bits	Output voltage
000	1
001	2
010	3
011	4

64. The full scale of a 3-bit digital-to-analog (DAC) converter is 7 V. Which of the following tables represents the output voltage of this 3-bit DAC for the given set of input bits?

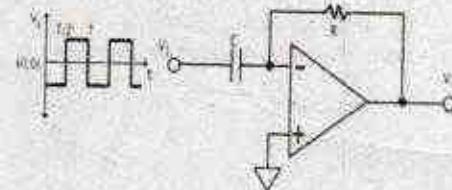
Input bits	Output voltage
000	0
001	1
010	2
011	3

Input bits	Output voltage
000	0
001	1.25
010	2.5
011	3.75

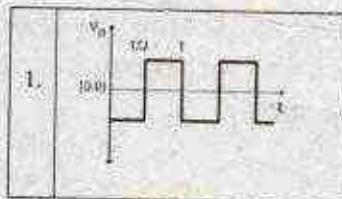
Input bits	Output voltage
000	1.25
001	2.5
010	3.75
011	5

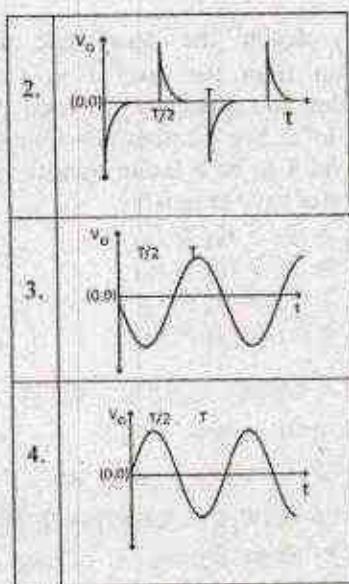
Input bits	Output voltage
000	1
001	2
010	3
011	4

65. एक परिपथ का निवेश  $V_i$  एक वर्ग तरंग है, जिसे नीचे दिया गया कौन-सा तरंग का रूप निर्गत (आउटपुट)  $V_o$  को अच्छी तरह चिह्नित करेगा?

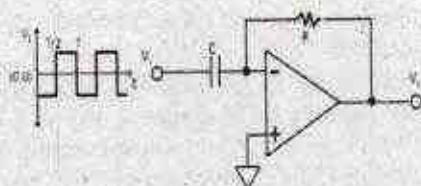


नीचे दिया गया कौन-सा तरंग का रूप निर्गत (आउटपुट)  $V_o$  को अच्छी तरह चिह्नित करेगा?

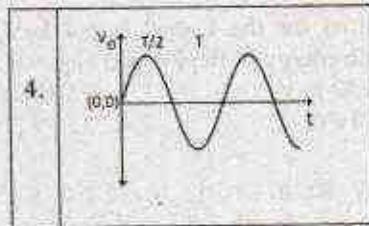
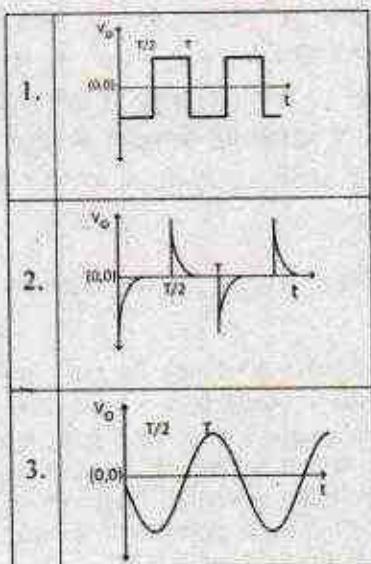




65. The input  $V_i$  to the following circuit is a square wave as shown in the following figure.



Which of the waveforms  $V_o$  best describes the output?



66. दो सिग्नल  $A_1 \sin(\omega t)$  तथा  $A_2 \cos(\omega t)$  को किसी अभिवृद्धि प्रवर्द्धक (lock-in amplifier) के लिविष्ट वाहिका एवं निर्देश वाहिका में क्रमानुसार भरण किया गया है। प्रत्येक सिग्नल का आयाम 1 V है। इस अभिवृद्धि प्रवर्द्धक का कालांक ऐसा है कि उससे किसी भी आवृत्ति का सिग्नल जो  $\omega$  से बड़ा है वह निस्यटित हो जाता है। अभिवृद्धि प्रवर्द्धक का निर्गम है

1. 2 V                    2. 1 V  
3. 0.5 V                4. 0 V

66. Two signals  $A_1 \sin(\omega t)$  and  $A_2 \cos(\omega t)$  are fed into the input and the reference channels, respectively, of a lock-in amplifier. The amplitude of each signal is 1 V. The time constant of the lock-in amplifier is such that any signal of frequency larger than  $\omega$  is filtered out. The output of the lock-in amplifier is

1. 2 V                    2. 1 V  
3. 0.5 V                4. 0 V

67. 115.62 keV ऊर्जा का एक फोटॉन, Be परमाणु के K-shell इलेक्ट्रॉन को आयनित करता है। इस रिक्तिका को भरने के लिए एक L-shell का इलेक्ट्रॉन K-shell में छलांग लगाता है। इस प्रक्रिया में एक फोटॉन का उत्सर्जन होता है जहां 109.2 keV ऊर्जा निकलती है। अगर L-shell का आयनन विभव 6.4 keV है, तब आयनित इलेक्ट्रॉन की गतिज ऊर्जा होगी

1. 6.42 keV             2. 12.82 keV  
3. 20 eV                4. 32 eV

67. A photon of energy 115.62 keV ionizes a K-shell electron of a Be atom. One L-shell electron jumps to the K-shell to fill this vacancy and emits a photon of energy 109.2 keV in the process. If the ionization

potential for the L-shell is 6.4 keV, the kinetic energy of the ionized electron is

1. 6.42 keV
2. 12.82 keV
3. 20 eV
4. 32 eV

68. क्वांटम संख्या  $L = 1$ ,  $J = 2$  तथा  $S = 1$  से परिभ्राष्ट सूक्ष्म संरचना क्षेत्रिज के लैनडे  $g$ -गुणक का मान है

1.  $11/6$
2.  $4/3$
3.  $8/3$
4.  $3/2$

68. The value of the Landé  $g$ -factor for a fine-structure level defined by the quantum numbers  $L = 1$ ,  $J = 2$  and  $S = 1$ , is

1.  $11/6$
2.  $4/3$
3.  $8/3$
4.  $3/2$

69. एक अणु का इलेक्ट्रोनिक ऊर्जा क्षेत्रिज चित्र नीचे दिखाया गया है।



$\Gamma_{ij}$  स्तर  $i$  से  $j$  के संकरण की क्षय दर को निर्दिष्ट करता है। स्तर 1 से स्तर 2 में अणुओं को प्रकाशन प्रम्प किया जाता है। स्तर 3 से स्तर 4 तक के संकरण को बेसरीकरण संकरण होने के लिए, कौन-सा क्षय दर इसे संतुष्ट करेगा

1.  $\Gamma_{21} > \Gamma_{23} > \Gamma_{34} > \Gamma_{41}$
2.  $\Gamma_{21} > \Gamma_{41} > \Gamma_{23} > \Gamma_{34}$
3.  $\Gamma_{41} > \Gamma_{23} > \Gamma_{21} > \Gamma_{34}$
4.  $\Gamma_{41} > \Gamma_{21} > \Gamma_{34} > \Gamma_{23}$

69. The electronic energy level diagram of a molecule is shown in the following figure.



Let  $\Gamma_{ij}$  denote the decay rate for a transition from the level  $i$  to  $j$ . The molecules are optically pumped from level 1 to 2. For the transition from level 3 to level 4 to be a lasing transition, the decay rates have to satisfy

1.  $\Gamma_{23} > \Gamma_{21} > \Gamma_{41} > \Gamma_{34}$
2.  $\Gamma_{21} > \Gamma_{41} > \Gamma_{23} > \Gamma_{34}$
3.  $\Gamma_{41} > \Gamma_{23} > \Gamma_{21} > \Gamma_{34}$
4.  $\Gamma_{41} > \Gamma_{21} > \Gamma_{34} > \Gamma_{23}$

सोडियम क्लोराइड (NaCl) क्रिस्टल एक फलक-केन्द्रस्थ धनीय जालक है, जिसके आधारक में Na<sup>+</sup> तथा Cl<sup>-</sup> आयन सम्मिलित हैं जिसका पृथक्करण एक एकल घन के विकरी से हुआ है। मिलर संख्याकांक्ष के तदनुरूप नीचे दिया हुआ कौन-सा तल X-किरण के द्वारा परावर्तन को उत्पादित नहीं करेगा?

1. (2 2 0)
2. (2 4 2)
3. (2 2 1)
4. (3 1 1)

70. Sodium Chloride (NaCl) crystal is a face-centred cubic lattice, with a basis consisting of Na<sup>+</sup> and Cl<sup>-</sup> ions separated by half the body diagonal of a unit cube. Which of the planes corresponding to the Miller indices given below will not give rise to Bragg reflection of X-rays?

1. (2 2 0)
2. (2 4 2)
3. (2 2 1)
4. (3 1 1)

71. अर्धचालक के चालन बैंड में इलेक्ट्रॉन का परिवर्तन नियम  $E = E_0 + \alpha k^2$  से दिया गया है, जहाँ  $\alpha$  तथा  $E_0$  अचर हैं। अगर चुम्बकीय क्षेत्र  $B$  में चालक बैंड इलेक्ट्रॉन की साइक्लोट्रोनी अनुनाद आवृति  $\omega_c$  है, तो  $\alpha$  का मान होगा

1.  $\frac{\hbar^2 \omega_c}{4eB}$
2.  $\frac{e\hbar^2 \omega_c}{cB}$
3.  $\frac{\hbar^2 \omega_c}{eB}$
4.  $\frac{\hbar^2 \omega_c}{zeB}$

71. The dispersion relation for the electrons in the conduction band of a semiconductor is given by  $E = E_0 + \alpha k^2$ , where  $\alpha$  and  $E_0$  are constants. If  $\omega_c$  is the cyclotron resonance frequency of the conduction band electrons in a magnetic field  $B$ , the value of  $\alpha$  is

$$1. \frac{\hbar^2 \omega_C}{4eB}$$

$$3. \frac{\hbar^2 \omega_C}{eB}$$

$$2. \frac{2\hbar^2 \omega_C}{eB}$$

$$4. \frac{\hbar^2 \omega_C}{2eB}$$

72. *R* विस्ता वाले हार्ड डिस्क को एक दृष्टिविभिन्नोनीय जालक में क्रमबद्ध किया गया है। संकीर्ण शक्ति पैकिंग में डिस्क द्वारा अधिकृत प्रभावी क्षेत्र का मान होगा

$$1. \frac{\pi\sqrt{3}}{6}$$

$$3. \frac{\pi\sqrt{2}}{5}$$

$$2. \frac{\pi}{3\sqrt{2}}$$

$$4. \frac{2\pi}{7}$$

72. Hard discs of radius  $R$  are arranged in a two-dimensional triangular lattice. What is the fractional area occupied by the discs in the closest possible packing?

$$1. \frac{\pi\sqrt{3}}{6}$$

$$3. \frac{\pi\sqrt{2}}{5}$$

$$2. \frac{\pi}{3\sqrt{2}}$$

$$4. \frac{2\pi}{7}$$

73. नीचे दी गयी कौन-सी नमूल कण की प्रक्रिया विचिह्नता (strangeness) का संरक्षण नहीं करती है?

$$1. \pi^0 + p \rightarrow K^+ + \Lambda^0$$

$$2. \pi^- + p \rightarrow K^0 + \Lambda^0$$

$$3. \Delta^0 \rightarrow \pi^0 + n$$

$$4. K^0 \rightarrow \pi^+ + \pi^-$$

73. Which of the following elementary particle processes does not conserve strangeness?

$$1. \pi^0 + p \rightarrow K^+ + \Lambda^0$$

$$2. \pi^- + p \rightarrow K^0 + \Lambda^0$$

$$3. \Delta^0 \rightarrow \pi^0 + n$$

$$4. K^0 \rightarrow \pi^+ + \pi^-$$

74.  $l = 1$  अवस्था में एक ड्रॉटरॉन  $d$  एक आवेशित पाइआन  $\pi^-$  को अलिंगित करता है। उसके तदनन्तर, एक प्रबल अन्योन्यक्रिया द्वारा यह युग्म न्यूट्रोन ( $n$ ) में क्षय हो जाता है। अब  $\pi^-$ ,  $d$  तथा  $n$  को आतर समता क्रमशः  $-1$ ,  $+1$  तथा  $+1$  है, तब न्यूट्रोन की अन्तिम अवस्था का स्पिन-जर्रग फलन है

1. एक और त्रिक का एकांश संघर्ष
2. एकक
3. त्रिक
4. द्विक

74. A deuteron  $d$  captures a charged pion  $\pi^-$  in the  $l = 1$  state, and subsequently decays into a pair of neutrons ( $n$ ) via strong interaction. Given that the intrinsic parities of  $\pi^-$ ,  $d$  and  $n$  are  $-1$ ,  $+1$  and  $+1$  respectively, the spin-wavefunction of the final state neutrons is a

1. linear combination of a singlet and a triplet
2. singlet
3. triplet
4. doublet

75. अभिक्रिया  $^{63}\text{Cu}_{29} + p \rightarrow ^{63}\text{Zn}_{30} + n$  के बाद जरूरते के तत्कालिक  $\beta$ -क्षय  $^{63}\text{Zn}_{30} \rightarrow ^{63}\text{Cu}_{29} + e^+ + \nu_e$  के द्वारा अनुसरित होता है। अगर ऑजिट्रान की अधिकतम ऊर्जा  $2.4 \text{ MeV}$  है, तो प्रारंभिक प्रतिक्रिया में  $Q$  का मान  $\text{MeV}$  में किसके लिकटम होगा?

[इलेक्ट्रॉन, प्रोटोन एवं न्यूट्रोन का द्रव्यमान क्रमशः  $0.5 \text{ MeV}/c^2$ ,  $938 \text{ MeV}/c^2$  तथा  $939.5 \text{ MeV}/c^2$ ]

1.  $-4.4$
2.  $-2.4$
3.  $-4.8$
4.  $-3.4$

75. The reaction  $^{63}\text{Cu}_{29} + p \rightarrow ^{63}\text{Zn}_{30} + n$  is followed by a prompt  $\beta$ -decay of zinc  $^{63}\text{Zn}_{30} \rightarrow ^{63}\text{Cu}_{29} + e^+ + \nu_e$ . If the maximum energy of the positron is  $2.4 \text{ MeV}$ , the  $Q$ -value of the original reaction in  $\text{MeV}$  is nearest to  
[Take the masses of electron, proton and neutron to be  $0.5 \text{ MeV}/c^2$ ,  $938 \text{ MeV}/c^2$  and  $939.5 \text{ MeV}/c^2$ , respectively.]

1.  $-4.4$
2.  $-2.4$
3.  $-4.8$
4.  $-3.4$

FOR ROUGH WORK

FOR ROUGH WORK

FOR ROUGH WORK